

## Examen M2 Sécurité des données

durée 1h30

tous les documents issus du cours sont autorisés

**Exercice 1** (3pt.) Expliquez en quelques phrases les propriétés souhaitées d'un protocole de signature numérique.

**Exercice 2** (4pt.) Fonction de hachage

1. Expliquez brièvement les bonnes propriétés d'une fonction de hachage cryptographique.
2. Citez quelques exemples d'applications des fonctions de hachage cryptographique.

**Exercice 3** (6pt.) Soit  $p = 11$  et  $q = 3$  deux 'grand' nombres premiers. Pour le protocole RSA, Alice choisit la clef publique  $(n, e) = (33, 7)$ .

1. Donner  $d$ , la clef privée de Alice,
2. Décrire le protocole RSA si le message à chiffrer est  $x = 4$ .
3. Décrire le protocole de signature électronique RSA avec  $p = 11$  et  $q = 3$ .
4. Sur quoi repose la sécurité du protocole RSA ?

**Exercice 4** (Protocole El-Gamal – 6pt.)

On se propose d'utiliser l'algorithme de chiffrement de El-Gamal avec  $p = 11$ .

1. Donner un générateur  $g$  pour  $\mathbb{F}_{11}$ .
2. Décrire le protocole de chiffrement de ElGamal avec  $p = 11$  et  $g$  trouvé au point précédent.
3. Pourquoi ce protocole est-il considéré comme sûr ?
4. Adaptez le protocole de chiffrement d'El-Gamal pour la signature numérique.

**Exercice 5** (1pt.) Le partage de clé secrète de Shamir (protocole SSS) est un algorithme de cryptographie qui attribue à chaque participant sa propre clé, certaines de ces clés étant nécessaires pour reconstruire un secret. Proposez, en expliquant en quelques phrases, un code détecteur d'erreurs basé sur le protocole SSS.